

INTERCEPCION DE PLANOS

dados $\pi_1 \wedge \pi_2$ planos en \mathbb{R}^3 , su intercepcion la podemos hallar de la siguiente forma:

$$\text{SI } \pi_1 = ax + by + cz + d = 0 \quad \wedge \quad \pi_2 = ex + fy + gz + h = 0$$

I. si $\vec{n}_1 = (a, b, c) = \alpha(e, f, g)$ son paralelos

$\pi_1 \wedge \pi_2$ no se interceptan a menos de que $\pi_1 = \pi_2$

si $n_1 \neq n_2$, π_1 y π_2 se interceptan

II. planteamos el sistema no homogeneo

$$ax + by + cz = -d$$

$$ex + fy + gz = -h$$

III. planteamos la matriz del sistema y reducimos por gauss, obteniendo w_1 y w_2 .

IV. planteo ecuaciones resultantes

$$t_1 x + z_1 z = w_1$$

$$t_2 y + z_2 z = w_2$$

V. expreso x , y en terminos de z

$$x = \frac{x_1}{t_1} - \frac{z_1}{t_1} z \quad y = \frac{w_2}{t_2} - \frac{z_2}{t_2} z$$

VI. asignamos a z el parametro t , concluyendo con la ecuacion de la recta L de forma parametrica, siendo L la intercepcion.

$L =$

$$x = \frac{x_1}{t_1} - \frac{z_1}{t_1} t$$

$$y = \frac{w_2}{t_2} - \frac{z_2}{t_2} t$$

$$z = t$$